

Devoir De Contrôle N° 1

Exercice 1 : (4 points)

Pour chacune des questions suivantes, une seule des trois réponses proposées est exacte. On indiquera à chaque fois le numéro de la question et la lettre correspondante à la réponse choisie. (Aucune justification n'est demandée)

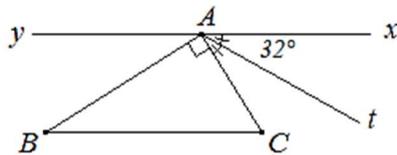
1. La notation scientifique du nombre $12300000 \times 10^{11} \times 0,02 \times 10^{-30}$ est:

- a $2,46 \times 10^{-14}$ b $0,246 \times 10^{-13}$ c 246×10^{-16}

2. Le nombre 2019 est premier avec :

- a 2020 b 2022 c 4038

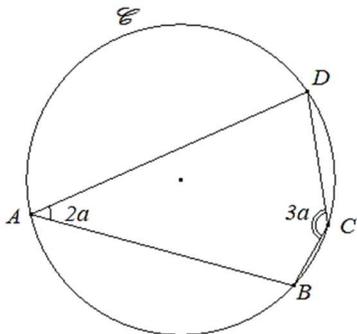
3. On considère la figure ci-contre où ABC est un triangle rectangle en A et [At) est la bissectrice de l'angle $\widehat{x\hat{A}C}$.



Les droites (xy) et (BC) sont parallèles lorsque :

- a $\widehat{ABC} = 32^\circ$ b $\widehat{ABC} = 28^\circ$ c $\widehat{ABC} = 26^\circ$

4. On considère la figure ci-dessous. On a :



- a $a = 30^\circ$

- b $a = 36^\circ$

- c $a = 45^\circ$

Exercice 2 : (5 points)

Soit $n \in \mathbb{N}^*$. On pose $a = 3n + 2$ et $b = 2n + 1$.

1. Vérifier que $2a - 3b = 1$.

2. Soit $d \in \mathbb{N}^*$.

a. Montrer que si d divise a et d divise b alors d divise 1.

b. En déduire que a et b sont premiers entre eux.

c. Calculer alors le PPCM (a ; b).

3. Déterminer l'ensemble \mathcal{E} des entiers naturels n tels que :

$$\text{PGCD}(b; 14n + 61) = b.$$

Exercice 3 : (2 points)

Déterminer tous les couples d'entiers naturels (a, b) tels que :

$$a + b = 252 \quad \text{et} \quad \text{PGCD}(a, b) = 36.$$

Exercice 4 : (9 points)

1. Tracer un cercle \mathcal{C} de centre O et de rayon 4 cm.

Soient [AB] et [CD] deux diamètres perpendiculaires de \mathcal{C} et M un point de [AB] distinct de A, O et B. La droite (MC) recoupe \mathcal{C} en N. On désigne par Δ la tangente à \mathcal{C} en N et Δ' la perpendiculaire à (AB) en M. On pose : $\Delta \cap \Delta' = \{I\}$.

2. Montrer que les points M et N appartiennent au cercle \mathcal{C}_1 de diamètre [OI].

3. a. Montrer que : $N\hat{O}I = N\hat{M}I$ et $O\hat{C}N = N\hat{M}I$.

b. En déduire que : $C\hat{N}O = N\hat{O}I$.

c. Montrer que le quadrilatère OCMI est un parallélogramme.

4. Soit P le milieu de [CN]. Sur quelle ligne fixe se déplace le point P lorsque M varie.